

**Mathematics 2016**  
**Section A**

1.  $\int_0^{\pi/2} \frac{\sin^m x}{x^n} dx$  converges if and only if
  - A.  $n < m$
  - B.  $n < m + 1$
  - C.  $n > m + 1$
  - D.  $n \geq m + 1$
2. The sequence  $\{f_n\}$ , where  $f_n(x) = x^n$  is uniformly convergent in
  - A.  $[0,1]$
  - B.  $[0,2]$
  - C.  $[-1,1]$
  - D.  $[0,1/2]$
3. The series  $\sum_0^\infty r^n, r > 0$  is convergent in
  - A.  $(0, e)$
  - B.  $(1, e)$
  - C.  $(0, 1/e)$
  - D.  $(1/e, e)$
4. Let  $I_1 = \int_1^\infty \frac{dx}{\sqrt{1+x^2}}$  and  $I_2 = \int_1^\infty \frac{dx}{(1+x^2)\sqrt{1+x^2}}$ . Then
  - A.  $I_1$  converges but not  $I_2$
  - B.  $I_2$  converges but not  $I_1$
  - C. both  $I_1$  and  $I_2$  converge
  - D. none of these
5. The value of  $\iint_S \vec{F} \cdot \hat{n} ds$ , where  $\vec{F} = (z^2 - x)\hat{i} - xy\hat{j} + 3z\hat{k}$ ,  $S$  is the surface of the region bounded by  $z = 4 - y^2, x = 0, x = 3$  and  $xy$ -plane, is
  - A. 0
  - B. 4
  - C. 8
  - D. none of these
6. The value of  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1+x)^{1/x} - e}{x}$  is
  - A. e
  - B. -e
  - C. -2e
  - D. -e/2
1.  $\int_0^{\pi/2} \frac{\sin^m x}{x^n} dx$  अभिसारित होता है यदि
  - अ  $n < m$
  - ब  $n < m + 1$
  - स  $n > m + 1$
  - द  $n \geq m + 1$
2. अनुक्रम  $\{f_n\}$ , जहाँ  $f_n(x) = x^n$  ..... में एक समान अभिसारित होता है।
  - अ  $[0,1]$
  - ब  $[0,2]$
  - स  $[-1,1]$
  - द  $[0,1/2]$
3. श्रेणी  $\sum_0^\infty r^n, r > 0$  ..... में अभिसारित होती है।
  - अ  $(0, e)$
  - ब  $(1, e)$
  - स  $(0, 1/e)$
  - द  $(1/e, e)$
4. मानें  $I_1 = \int_1^\infty \frac{dx}{\sqrt{1+x^2}}$  और  $I_2 = \int_1^\infty \frac{dx}{(1+x^2)\sqrt{1+x^2}}$  तब
  - अ  $I_1$  अभिसारित होता है लेकिन  $I_2$  नहीं
  - ब  $I_2$  अभिसारित होता है लेकिन  $I_1$  नहीं
  - स दोनों अभिसारित होते हैं
  - द इनमें से कोई नहीं
5. यदि  $\vec{F} = (z^2 - x)\hat{i} - xy\hat{j} + 3z\hat{k}$ ,  $S$  एक क्षेत्र का पृष्ठ है जो  $z = 4 - y^2, x = 0, x = 3$  और  $xy$ -समतल द्वारा परिबद्ध होता है तो  $\iint_S \vec{F} \cdot \hat{n} ds$  का मान है
  - अ 0
  - ब 4
  - स 8
  - द इनमें से कोई नहीं
6.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1+x)^{1/x} - e}{x}$  का मान है
  - अ e

- ब  $-e$   
 स  $-2e$   
 द  $-e/2$

- B. 0  
 C. 2  
 D. countably infinite

7. The value of  $\int_0^3 [x] dx$ , where  $[.]$  denotes greatest integer function, is  
 A. 0  
 B. 1  
 C. 2  
 D. 3

- 7 यदि  $[.]$  महत्तम पूर्णांक फलन प्रदर्शित करता है तो  $\int_0^3 [x] dx$  का मान है  
 अ 0  
 ब 1  
 स 2  
 द 3

8. If a function is continuous in  $[0,1]$ , then  $\lim_{n \rightarrow \infty} \int_0^1 \frac{nf(x)}{1+n^2x^2} dx$  is  
 A.  $\pi/2$   
 B.  $\pi f(0)/2$   
 C.  $\pi f(0)$   
 D. none of these

- 8 यदि फलन  $[0,1]$  में सतत है तो  $\lim_{n \rightarrow \infty} \int_0^1 \frac{nf(x)}{1+n^2x^2} dx$  का मान है  
 अ  $\pi/2$   
 ब  $\pi f(0)/2$   
 स  $\pi f(0)$   
 द इनमें से कोई नहीं

9. Let  $c$  be a fixed point in  $[0,1]$  and the function  $f: [0,1] \rightarrow \mathbb{R}$  is defined by  $f(x) = \begin{cases} c, & 0 \leq x \leq c \\ 2c, & c < x \leq 1 \end{cases}$ . If the Riemann integral of  $f$  be  $7/16$  then the value of  $c$  is  
 A.  $1/2$   
 B.  $1/3$   
 C.  $1/4$   
 D.  $1/5$

- 9 माना  $c$ ,  $[0,1]$  में एक नियत बिंदु है और फलन  $f: [0,1] \rightarrow \mathbb{R}$  द्वारा परिभाषित होता है  $f(x) = \begin{cases} c, & 0 \leq x \leq c \\ 2c, & c < x \leq 1 \end{cases}$  है। यदि  $f$  का रीमान समाकलन  $7/16$  हो तब  $c$  का मान है  
 अ  $1/2$   
 ब  $1/3$   
 स  $1/4$   
 द  $1/5$

10. The connected subsets of the real line with the usual metric are  
 A. all intervals  
 B. only bounded intervals  
 C. only compact intervals  
 D. only semi-infinite intervals

- 10 वास्तविक रेखा जो प्रायिक दूरिक से जुड़ा हो, के संबद्ध समुच्चय हैं  
 अ सभी अंतराल  
 ब केवल परिबद्ध अंतराल  
 स केवल संहत अंतराल  
 द केवल अर्द्ध-अनंत अंतराल

11. A metric space is always  
 A. first countable  
 B. second countable  
 C. Lindelöf  
 D. Separable

- 11 एक दूरिक समष्टि सदैव है  
 अ प्रथम गणनीय  
 ब द्वितीय गणनीय  
 स लिंदेलोफ़

12. Number of limit point(s) of the sequence  $\langle \frac{1}{n} + \frac{1}{m} \rangle$  is/are  
 A. 1

द गणनीय सघन

12 अनुक्रम  $\langle \frac{1}{n} + \frac{1}{m} \rangle$  के सीमा बिन्दुओ कि संख्या हैं

अ 1

ब 0

स 2

द गणनीय अनंत

13. Continuum hypothesis was given by

- A. K. Gödel
- B. G. Cantor
- C. R. Dedekind
- D. H. Borel

14. Cardinality of set of rational numbers is given by

- A.  $\infty$
- B.  $\aleph_0$
- C.  $c$
- D.  $2^{\aleph_0}$

15.  $c^c$  is equal to

- A.  $2^c$
- B.  $2^{\aleph_0}$
- C.  $c$
- D.  $\aleph_0^{\aleph_0}$

13 सांतत्यक प्राक्कल्पना..... के द्वारा दिया गया।

- अ के गोडेल
- ब जी कैंटर
- स आर डेडेकिंड
- द एच बोरेल

14 परिमेय संख्याओं के समुच्चय का गणनांक दिया जाता है

- अ  $\infty$
- ब  $\aleph_0$
- स  $c$
- द  $2^{\aleph_0}$

15  $c^c$  बराबर है

- अ  $2^c$
- ब  $2^{\aleph_0}$
- स  $c$
- द  $\aleph_0^{\aleph_0}$

**Section B**

16. An integrating factor of the differential equation  $t dy/dt + 2y = 4t^2$  is
- $e^{2t}$
  - $e^{t^2}$
  - $t^2$
  - $2t$
17. The first approximation to the IVP  $\frac{dy}{dx} = x^2 + y^2$  with  $y(0)=0$ , by Picard's iteration method is
- $x^2/2$
  - $-x^2/2$
  - $x^3/3$
  - $-x^3/3$
18. The partial differential equation  $Au_{xx} + Bu_{xy} + Cu_{yy} + D = 0$  is hyperbolic if
- $B^2 - 4AC = 0$
  - $B^2 - 4AC > 0$
  - $B^2 - 4AC < 0$
  - None of these
19. If  $S$  is defined by the rectangle  $|x| \leq a$ ,  $|y| \leq b$ , then the Lipschitz constant for the function  $f(x, y) = x^2 + y^2$  is
- $2b$
  - $2a$
  - $1/2b$
  - $1/2a$
20. The degree of equation  $(d^3y/dx^3)^{2/3} + (d^3y/dx^3)^{3/2} = 0$  is
- 3
  - 4
  - 6
  - 9
21. The maximum number of linearly independent solutions of the differential equation  $\frac{d^4y}{dx^4} = 0$  with the condition  $y(0) = 1$  is
- 4
  - 3
  - 2
  - 1
- 16 अवकल समीकरण  $\frac{t dy}{dt} + 2y = 4t^2$  का समाकलन गुणक है
- $e^{2t}$
  - $e^{t^2}$
  - $t^2$
  - $2t$
- 17 पिकैर्ड पुनरावृत्ति प्रणाली से प्रारंभिक मान समस्या  $\frac{dy}{dx} = x^2 + y^2, y(0)=0$  का प्रथम सन्निकटन है
- $x^2/2$
  - $-x^2/2$
  - $x^3/3$
  - $-x^3/3$
- 18 आंशिक अवकल समीकरण  $Au_{xx} + Bu_{xy} + Cu_{yy} + D = 0$  अतिपरवलयिक होगा यदि
- $B^2 - 4AC = 0$
  - $B^2 - 4AC > 0$
  - $B^2 - 4AC < 0$
  - इनमें से कोई नहीं
- 19 यदि  $S$  किसी आयत  $|x| \leq a$ ,  $|y| \leq b$  से परिभाषित हो तब फलन  $f(x, y) = x^2 + y^2$  का लिपस्चिट्ज़ अचर है
- $2b$
  - $2a$
  - $1/2b$
  - $1/2a$
- 20 समीकरण  $(d^3y/dx^3)^{2/3} + (d^3y/dx^3)^{3/2} = 0$  की कोटि है
- 3
  - 4
  - 6
  - 9

- 21 अवकल समीकरण  $\frac{d^4y}{dx^4} = 0$  की प्रतिबंध  $y(0) = 1$  के लिए एकघातः स्वतंत्र हल की अधिकतम संख्या है
- अ 4  
ब 3  
स 2  
द 1

22. The differential equation  $(2xe^y + 3y^2)(dy/dx) + (3x^2 + \lambda e^y) = 0$  is exact if
- a.  $\lambda = 2$   
b.  $\lambda = 3$   
c.  $\lambda = 4$   
d.  $\lambda = 5$

23. The particular integral of  $(D^2 + 1)y = \cos 2x$ , where  $D = d/dx$  is
- a.  $\frac{1}{3}\cos 2x$   
b.  $\frac{1}{2}\cos 2x$   
c.  $-\frac{1}{3}\cos 2x$   
d.  $-\frac{1}{2}\cos 2x$

24. The solution of  $(d^2y/dx^2) - y = k$ , for any constant  $k$  which vanishes when  $x = 0$  and which tends to a finite limit as  $x$  tends to infinity is
- a.  $y = k(e^{-x} + 1)$   
b.  $y = k(e^{-x} - 1)$   
c.  $y = k(e^x + 1)$   
d.  $y = k(e^x - 1)$

25. If  $D = d/dx$ , then value of  $\{1/(xD + 1)\}x^{-1}$  is
- a.  $\log x$   
b.  $(\log x)/x$   
c.  $(\log x)/x^2$   
d.  $(\log x)/x^3$

26. The first order partial differential equation  $xyp + x^2yq = x^2y^2z^2$  is
- a. Linear  
b. Semi-linear  
c. Quasi-linear  
d. None of these

27. The general solution of the linear partial differential equation  $Pp + Qq = R$  is
- a.  $\phi(u, v) = 1$   
b.  $\phi(u, v) = -1$   
c.  $\phi(u, v) = 0$   
d. None of these

- 22 अवकल समीकरण  $(2xe^y + 3y^2)(dy/dx) + (3x^2 + \lambda e^y) = 0$  यथातथ होगा यदि
- अ  $\lambda = 2$   
ब  $\lambda = 3$   
स  $\lambda = 4$   
द  $\lambda = 5$

- 23  $(D^2 + 1)y = \cos 2x$  जहाँ  $D = d/dx$  है, का विशेष समाकल है
- अ  $\frac{1}{3}\cos 2x$   
ब  $\frac{1}{2}\cos 2x$   
स  $-\frac{1}{3}\cos 2x$   
द  $-\frac{1}{2}\cos 2x$

- 24  $(d^2y/dx^2) - y = k$  का किसी अचर  $k$  के लिए वह हल जो  $x = 0$  के लिए लोपी हो और  $x$  जब अनंतता पर पहुंचे तो एक परिमित सीमा उपगामी हो, वह है
- अ  $y = k(e^{-x} + 1)$   
ब  $y = k(e^{-x} - 1)$   
स  $y = k(e^x + 1)$   
द  $y = k(e^x - 1)$

- 25 यदि  $D = d/dx$  तब  $\{1/(xD + 1)\}x^{-1}$  का मान है
- अ  $\log x$   
ब  $(\log x)/x$   
स  $(\log x)/x^2$   
द  $(\log x)/x^3$

26 प्रथमकोटिक आंशिक अवकल समीकरण

$$xyp + x^2yq = x^2y^2z^2 \text{ है}$$

अ रैखिक

ब अर्ध-रैखिक

स कल्प-रैखिक

द इनमें से कोई नहीं

27 रैखिक आंशिक अवकल समीकरण  $Pp + Qq = R$  का

सामान्य हल है

अ  $\phi(u, v) = 1$

ब  $\phi(u, v) = -1$

स  $\phi(u, v) = 0$

द इनमें से कोई नहीं

28. Particular integral of  $(D^2 + 2DD' + D'^2)z = e^{2x+3y}$ , where  $D = \frac{\partial}{\partial x}$  and  $D' = \frac{\partial}{\partial y}$  is
- $\frac{1}{5}e^{2x+3y}$
  - $\frac{1}{25}e^{2x+3y}$
  - $-\frac{1}{5}e^{2x+3y}$
  - $-\frac{1}{25}e^{2x+3y}$

29. The general solution of  $\frac{\partial z}{\partial x} + \frac{\partial z}{\partial y} = \sin x$  is
- $z = \phi(y - x) - \cos x$
  - $z = \phi(y - x) + \cos x$
  - $z = \phi(y + x) - \cos x$
  - $z = \phi(y + x) + \cos x$

30. Particular integral of the equation  $r - 2s + t = \cos(2x + 3y)$ , where  $r = \frac{\partial^2 z}{\partial x^2}$ ,  $s = \frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y}$  and  $t = \frac{\partial^2 z}{\partial y^2}$  is
- $-\cos(2x + 3y)$
  - $-\sin(2x + 3y)$
  - $\cos(2x + 3y)$
  - $\sin(2x + 3y)$

- 28  $(D^2 + 2DD' + D'^2)z = e^{2x+3y}$  का विशेष समाकल जहाँ  $D = \frac{\partial}{\partial x}$  और  $D' = \frac{\partial}{\partial y}$  हो, है
- $\frac{1}{5}e^{2x+3y}$
  - $\frac{1}{25}e^{2x+3y}$
  - $-\frac{1}{5}e^{2x+3y}$
  - $-\frac{1}{25}e^{2x+3y}$

- 29  $\frac{\partial z}{\partial x} + \frac{\partial z}{\partial y} = \sin x$  का सामान्य हल है
- $z = \phi(y - x) - \cos x$
  - $z = \phi(y - x) + \cos x$
  - $z = \phi(y + x) - \cos x$
  - $z = \phi(y + x) + \cos x$

- 30 समीकरण  $r - 2s + t = \cos(2x + 3y)$  का विशेष समाकल जहाँ  $r = \frac{\partial^2 z}{\partial x^2}$ ,  $s = \frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y}$  और  $t = \frac{\partial^2 z}{\partial y^2}$  हो, है
- $-\cos(2x + 3y)$
  - $-\sin(2x + 3y)$
  - $\cos(2x + 3y)$
  - $\sin(2x + 3y)$



Section C

31. The inverse of a point 'a' with respect to the circle  $|z - c| = R$  ( $a, c \in \mathbb{C}$ ) is the point

- A.  $c + \frac{R^2}{\bar{a} - \bar{c}}$   
 B.  $c - \frac{R^2}{\bar{a} - \bar{c}}$   
 C.  $c + \frac{R^2}{a - c}$   
 D.  $c - \frac{R^2}{a - c}$

32. The centre of the circle represented by  $|z + 1| = 2|z - 1|$  in the complex plane is

- A. (0,0)  
 B.  $(\frac{5}{3}, 0)$   
 C.  $(\frac{1}{3}, 0)$   
 D. none of these

33. If  $\alpha = \cos\left(\frac{8\pi}{11}\right) + i \sin\left(\frac{8\pi}{11}\right)$  then Real part of  $(\alpha + \alpha^2 + \alpha^3 + \alpha^4 + \alpha^5)$  is

- A.  $\frac{1}{2}$   
 B.  $-1/2$   
 C. 0  
 D. none of these

34. The principal value of  $\log\left(i^{\frac{1}{4}}\right)$  is

- A.  $\frac{i\pi}{8}$   
 B.  $\frac{i\pi}{4}$   
 C.  $\frac{i\pi}{2}$   
 D.  $i\pi$

35. The transformation  $\omega = i(z + 1)$  maps the half plane  $x > 0$  into the

- A. half plane  $u > 0$   
 B. half plane  $v < 1$   
 C. half plane  $v > 1$   
 D. half plane  $u \leq 0$

36. For the function  $f(z) = \frac{z - \sin z}{z^3}$ ,  $z = 0$  is

- A. removal singularity  
 B. pole  
 C. essential singularity  
 D. none of these

31 वृत्त  $|z - c| = R$  ( $a, c \in \mathbb{C}$ ) के सापेक्ष बिंदु 'a' का व्युत्क्रम बिंदु है

- अ  $c + \frac{R^2}{\bar{a} - \bar{c}}$   
 ब  $c - \frac{R^2}{\bar{a} - \bar{c}}$   
 स  $c + \frac{R^2}{a - c}$   
 द  $c - \frac{R^2}{a - c}$

32  $|z + 1| = 2|z - 1|$  द्वारा समिश्र समतल में प्रदर्शित वृत्त का केंद्र है

- अ (0,0)  
 ब  $(\frac{5}{3}, 0)$   
 स  $(\frac{1}{3}, 0)$   
 द इनमें से कोई नहीं

33 यदि  $\alpha = \cos\left(\frac{8\pi}{11}\right) + i \sin\left(\frac{8\pi}{11}\right)$  हो तो  $(\alpha + \alpha^2 + \alpha^3 + \alpha^4 + \alpha^5)$  का वास्तविक मान है

- अ  $\frac{1}{2}$   
 ब  $-1/2$   
 स 0  
 द इनमें से कोई नहीं

34  $\log\left(i^{\frac{1}{4}}\right)$  का मुख्य मान है

- अ  $\frac{i\pi}{8}$   
 ब  $\frac{i\pi}{4}$   
 स  $\frac{i\pi}{2}$   
 द  $i\pi$

35 रूपांतरण  $\omega = i(z + 1)$  अर्ध समतल  $x > 0$  को..... में प्रतिचित्रित करता है

- अ अर्ध समतल  $u > 0$   
 ब अर्ध समतल  $v < 1$   
 स अर्ध समतल  $v > 1$   
 द अर्ध समतल  $u \leq 0$

36 फलन  $f(z) = \frac{z - \sin z}{z^3}$  के लिए  $z = 0$  है

- अ अपनेयविचित्रता

- ब अनंतक  
 स अनिवार्यविचित्रता  
 द इनमे से कोई नहीं

d. None of these

37. The set of all bilinear transformations under the product of transformation forms a  
 A. semi group  
 B. abelian group  
 C. non-abelian group  
 D. none of these

- 37 गुणन रूपान्तरण के अधीन सभी द्वि रेखिक रूपान्तरणों का समुच्चय बनाता है  
 अ अर्द्ध समूह  
 ब अबेलियन समूह  
 स अबेलियन बिरुद्ध समूह  
 द इनमे से कोई नहीं

38. If  $\omega$  denotes the cube root of unity, then the value of  $\sum_{r=1}^{3n+7} \omega^r$  is  
 a. 0  
 b. 1  
 c.  $\omega$   
 d.  $\omega^2$

- 38 यदि  $\omega$  इकाई का घनमूल दर्शाता हो तब  $\sum_{r=1}^{3n+7} \omega^r$  का मान है  
 अ 0  
 ब 1  
 स  $\omega$   
 द  $\omega^2$

39. The system of equations  $|z + 1 - i| = \sqrt{2}$  and  $|z| = 3$  has  
 a. One solution  
 b. Two solutions  
 c. Infinite solutions  
 d. No solution

- 39 समीकरण-निकाय  $|z + 1 - i| = \sqrt{2}$  और  $|z| = 3$  रखते हैं  
 अ एक हल  
 ब दो हल  
 स अनन्त हल  
 द कोई हल नहीं

40. If  $|z - 2 + i| \leq 2$ , then greatest value of  $|z|$  is  
 a.  $\sqrt{5} - 2$   
 b.  $\sqrt{5} + 2$   
 c.  $\sqrt{2} + 5$   
 d.  $\sqrt{2} - 5$

- 40 यदि  $|z - 2 + i| \leq 2$  हो तब  $|z|$  का महत्तम मान है  
 अ  $\sqrt{5} - 2$   
 ब  $\sqrt{5} + 2$   
 स  $\sqrt{2} + 5$   
 द  $\sqrt{2} - 5$

41. Which of the followings is not true for analytic functions  $f(z)$  and  $g(z)$  in a region  $\Omega$   
 a.  $f(z) + g(z)$  is analytic  
 b.  $f(z) - g(z)$  is analytic  
 c.  $f(z)g(z)$  is analytic  
 d.  $f(z)/g(z)$  is analytic

- 41 क्षेत्र  $\Omega$  में वैश्लेषिक फलन  $f(z)$  और  $g(z)$  के लिये निम्नलिखित में से कौन सा सत्य है।  
 अ  $f(z) + g(z)$  वैश्लेषिक है  
 ब  $f(z) - g(z)$  वैश्लेषिक है  
 स  $f(z)g(z)$  वैश्लेषिक है  
 द  $f(z)/g(z)$  वैश्लेषिक है

42. When  $0 < |z| < 4$ , the expansion of  $\frac{1}{4z - z^2}$  is  
 a.  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{z^{n+1}}{4^{n+1}}$   
 b.  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n z^{n+1}}{4^{n+1}}$   
 c.  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{z^{n-1}}{4^{n+1}}$

42 जब  $0 < |z| < 4$  होतब  $\frac{1}{4z-2z^2}$  का विस्तार है

अ  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{z^{n+1}}{4^{n+1}}$

ब  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n z^{n+1}}{4^{n+1}}$

स  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{z^{n-1}}{4^{n+1}}$

द इनमे से कोई नहीं

43. The value of  $\int_0^{1+i} (x - y + ix^2) dz$  along the straight line from  $z = 0$  to  $z = 1 + i$  is

- a.  $\frac{1}{3}$
- b.  $\frac{i-1}{3}$
- c.  $\frac{i+1}{3}$
- d.  $\frac{1}{2} + \frac{i}{3}$

44. Residue of  $z^3 \cos\left(\frac{1}{z-2}\right)$  at  $z = 2$  is

- a.  $\frac{143}{124}$
- b.  $\frac{22}{123}$
- c.  $-\frac{143}{24}$
- d.  $-\frac{22}{23}$

45. Under the transformation  $w = z + 1 - i$ , the image of  $y$ -axis in  $z$ -plane is

- a.  $u = 1$
- b.  $u = 0$
- c.  $v = 1$
- d.  $v = 0$

43 सरल रेखा  $z = 0$  से  $z = 1 + i$  तक के साथ  $\int_0^{1+i} (x - y + ix^2) dz$  का मान है

- अ  $\frac{1}{3}$
- ब  $\frac{i-1}{3}$
- स  $\frac{i+1}{3}$
- द  $\frac{1}{2} + \frac{i}{3}$

44  $z^3 \cos\left(\frac{1}{z-2}\right)$  का  $z = 2$  पर अवशेष है

- अ  $\frac{143}{124}$
- ब  $\frac{22}{123}$
- स  $-\frac{143}{24}$
- द  $-\frac{22}{23}$

45 रूपान्तरण  $w = z + 1 - i$  के अधीन कोटि का  $z$ -समतल में प्रतिबिम्ब

- अ  $u = 1$
- ब  $u = 0$
- स  $v = 1$
- द  $v = 0$

### Section D

46. For the group  $Z$  of integers which of the following is true:  
A. is a multiplicative group  
B. is cyclic group with generator 0  
C. is cyclic group with generator any  $n > 0$   
D. is cyclic group with generators
47. For any group  $G$  of order  $p$ , where  $p$  is prime, which of the following is true  
A.  $G$  is abelian  
B.  $G$  is cyclic  
C. each element of  $G$  has order  $p$   
D. all of these
48. The number of groups of order four, up to isomorphism, are  
A. 4  
B. 3  
C. 2  
D. 1
49. Let  $V$  be the space of all polynomials over a field  $F$ . The  $\dim V$  is  
A. infinite  
B. finite  
C. zero  
D. one
50. The additive groups  $R$  and  $Q$  are  
A. isomorphic  
B. homomorphic  
C. not isomorphic  
D. none of these
51. The dimension of the vector space of all the  $m \times n$  matrices over reals is  
A.  $mn$   
B.  $m + n$   
C.  $m$   
D.  $n$
- 46 पूर्णांक समूह  $Z$  के लिए निम्नलिखित में से कौन सा सही है  
अ गुणनात्मक समूह  
ब जनक 0 के साथचक्रीय समूह  
स जनक  $n > 0$  के साथचक्रीय समूह  
द जनक के साथचक्रीय समूह
- 47 किसी  $p$  कोटि के समूह  $G$  के लिए, जहाँ  $p$  अभाज्य हो, निम्नलिखित में से कौन सा सही है  
अ  $G$  अबेलियन है  
ब  $G$  चक्रीय है  
स  $G$  के प्रत्येक अवयवका आर्डर  $p$  है  
द इनमें से सभी
- 48 तुल्याकारिता के स्तर तक कोटि 4 के समूहों की संख्या है  
अ 4  
ब 3  
स 2  
द 1
- 49 माना कि  $V$  क्षेत्र  $F$  पर सभी बहुपद की समष्टि है, तो  $V$  का आयाम है  
अ अनंत  
ब परिमित  
स शून्य  
द एक
- 50  $R$  और  $Q$  के योगात्मक समूह हैं  
अ तुल्याकारी  
ब समाकारी  
स तुल्याकारी नहीं  
द इनमें से कोई नहीं

51 वास्तविकता पर सभी  $m \times n$  आव्यूहों के सदिश समष्टि का आयाम है

- अ  $mn$
- ब  $m+n$
- स  $m$
- द  $n$

52. For the group  $S_3$  which of the following is true

- A. has an element of order 2
- B. has an element of order 3
- C. is non-abelian
- D. all of these

53. Which of the following is false

- A. set of real numbers  $R$  is vector space over  $C$
- B. dimension of vectorspace  $R$  over  $R$  is one
- C.  $R$  is a vector space over  $Q$
- D.  $C$  is a vector space over  $Q$

54. A basis of a vector space  $V$  is a

- A. maximal linearly independent set of  $V$
- B. minimal linearly independent set of  $V$
- C. unique linearly independent set of  $V$
- D. none of these

55. The set of all the  $n \times n$  Hermitian matrices over the field of complex number is

- A. a vector space over  $C$
- B. not a vector space over  $C$
- C. is empty set
- D. none of these

56. Intersection of subspaces of a vector space  $V$  is

- A. not a subspace of  $V$
- B. a subspace of  $V$
- C. nothing can be said
- D. is empty set

57. Two left cosets of a subgroup is

- A. always same
- B. always disjoint
- C. either disjoint or same
- D. always intersect

52 समूह  $S_3$  के लिए निम्नलिखित में से कौन सा सही है

- अ कोटि 2 का अवयव रखता है
- ब कोटि 3 का अवयव रखता है
- स नॉन-अबेलियन है
- द इनमें से सभी

53 निम्नलिखित में से कौन सा गलत है

- अ वास्तविक संख्याएँ  $R$  का समुच्चय  $C$  पर सदिश समष्टि है
- ब  $R$  पर सदिश समष्टि  $R$  का आयाम एक है
- स  $Q$  पर  $R$  एक सदिश समष्टि है
- द  $Q$  पर  $C$  एक सदिश समष्टि है

54 एक सदिश समष्टि  $V$  का आधार है

- अ  $V$  का उच्चिष्ठ एकघाततः स्वतंत्र समुच्चय
- ब  $V$  का अल्पिष्ठ एकघाततः स्वतंत्र समुच्चय
- स  $V$  का अद्वितीय एकघाततः स्वतंत्र समुच्चय
- द इनमें से कोई नहीं

55 संमिश्र संख्या क्षेत्र पर सभी  $n \times n$  हेरमितियन आव्यूहों का समुच्चय है

- अ  $C$  पर एक सदिश समष्टि
- ब  $C$  पर एक सदिश समष्टि नहीं
- स रिक्त समुच्चय
- द इनमें से कोई नहीं

56 सदिश समष्टि  $V$  के उपसमष्टि का प्रतिच्छेदन है

- अ  $V$  की उपसमष्टि नहीं
- ब  $V$  की उपसमष्टि
- स कुछ भी कहा नहीं जा सकता
- द रिक्त समुच्चय

57 एक उपसमूह के दो वाम सहसमुच्चय हैं

- अ सदा समान
- ब सदा असंयुक्त
- स या तो असंयुक्त या समान
- द सदा प्रतिच्छेदी

58. Let  $G$  be cyclic group of order  $m$ , then  $G$  is isomorphic to
- A.  $\mathbb{Z}$
  - B.  $\mathbb{N}$
  - C.  $\mathbb{Z} / m\mathbb{Z}$
  - D. none of these

59. An ideal  $I$  in a ring  $R$  is principal if
- A. it is generated by a single element
  - B. it is generated by two elements
  - C. it is generated by three elements
  - D. none of these

60. If  $A$  is an  $n \times n$  matrix over the field of complex numbers then  $A$  must have
- A. exactly  $n$  eigen values
  - B. at most  $n$  eigen values
  - C. at least  $n$  eigen values
  - D. none of these

58 यदि  $G$  एक  $m$  कोटि का चक्रीय समूह है, तब  $G$  निम्नलिखित में से किसके तुल्याकारी है

- अ  $\mathbb{Z}$
- ब  $\mathbb{N}$
- स  $\mathbb{Z} / m\mathbb{Z}$
- द इनमें से कोई नहीं

59 आदर्श  $I$  वलय  $R$  में मुख्य है यदि

- अ यह एक एकल अवयव से जनित हो
- ब यह दो अवयवों से जनित हो
- स यह तीन अवयवों से जनित हो
- द इनमें से कोई नहीं

60 यदि संमिश्र संख्या क्षेत्र पर  $A$  एक आव्यूह है, तब  $A$  रखता है

- अ निश्चित  $n$  अभिलक्षणिक मान
- ब ज्यादा से ज्यादा  $n$  अभिलक्षणिक मान
- स कम से कम  $n$  अभिलक्षणिक मान
- द इनमें से कोई नहीं